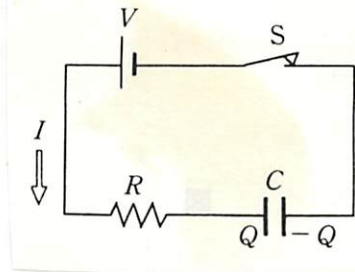


図のように、起電力Vの電池、電気抵抗Rと電気容量Cのコンデンサーを直列に接続し、スイッチSを入れてコンデンサーを充電する。



(1) 時間tが経過したときの電流I(t)とコンデンサーの極板に蓄えられる電荷Q(t)を求めよ。

(2) 横軸にtをとって結果(IとQ)をグラフにせよ。
(t=0と十分時間が経過するときを明記せよ。)

そして、R=1000オーム、C=2μFの場合に、時定数 (=これらの過渡現象の続く時間の目安である時間) を計算せよ。

ただし、電流が時間的に変化する場合でも、その変化がゆっくりにあれば各瞬間ごとにキルヒホッフの法則を適用することができる。(=準定常電流)

[解答例]

(1) キルヒホッフの第2法則より

$$V = R \cdot I(t) + \frac{Q(t)}{C} \dots \textcircled{1} \quad (V, R: \text{一定})$$

充電のときは

$$I(t) = \frac{dQ(t)}{dt} \dots \textcircled{2}$$

② ①に②を代入して

$$\frac{dQ}{dt} = -\frac{1}{RC} (Q - CV) ; (R, C, V: \text{一定})$$

$$\rightarrow \frac{dQ}{Q - CV} = -\frac{1}{RC} dt$$

$$\rightarrow \log(Q - CV) = -\frac{1}{RC} t + \text{const}$$

$$\rightarrow Q(t) - CV = C_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}} \quad (C_0: \text{積分定数})$$

明5方に Q(t=0) = 0

$$\rightarrow 0 - CV = C_0 \rightarrow C_0 = -CV$$

$$Q(t) = CV (1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$

$$\rightarrow I(t) = \frac{V}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$$

(別解)

$$\frac{dQ}{dt} + \frac{1}{RC} Q(t) = \frac{V}{R} \textcircled{3}$$

③の一般解は右辺Eゼロにおいた方程式の一般解 $C_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}}$

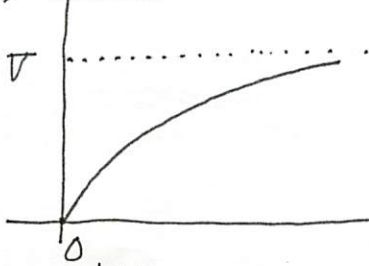
(C₀: 積分定数) と

②の特殊解 $C_1 \cdot (Q(t) = CV)$

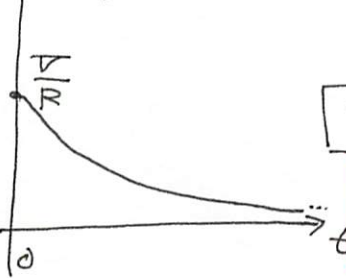
の和であるから $Q(t) = C_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}} + CV$

(2) Q(t)

CV



I(t)



$$\tau = RC$$

$$= 10^3 \Omega \times 2 \times 10^{-6} \text{ farad}$$

$$\tau = 2 \times 10^{-3} \text{ s}$$

$$= 0.002 \text{ sec}$$

化5き

$$\frac{dQ(t)}{dt} = I(t) > 0$$

$$= \frac{V}{R} \text{ for } t=0$$