多電子原子の電子構造と性質

目次

- 1.元素周期表と電子配置の殻構造
- 2.水素型原子の量子軌道の波動関数
- 3.多電子原子と中心力場近似
- 4.元素の周期律表
- 5.電子配置の例
- 6.量子軌道と殻
- 7.パウリ原理
- 8.多電子の角運動量合成
- 9.多重項構造
- 10.多電子原子(1)励起スペクトル
- 11. 多電子原子(2)励起スペクトル、パウリ原理、電子相関
- 12.フントの経験則とその解釈

Made by R. Okamoto (Kyushu Institute of Technology) filename=atoms-summary1007091.ppt

元素周期表と電子配置の殻構造

- ・ メンデレーエフによる周期律の発見と未知元素の予言 元素の物理的、化学的性質の規則性-
- 水素原子スペクトルの規則性の発見(分光学)
- ラザフォードによる(原子の芯としての)原子核の発見
- ボーアの水素原子模型ー前期量子論ー

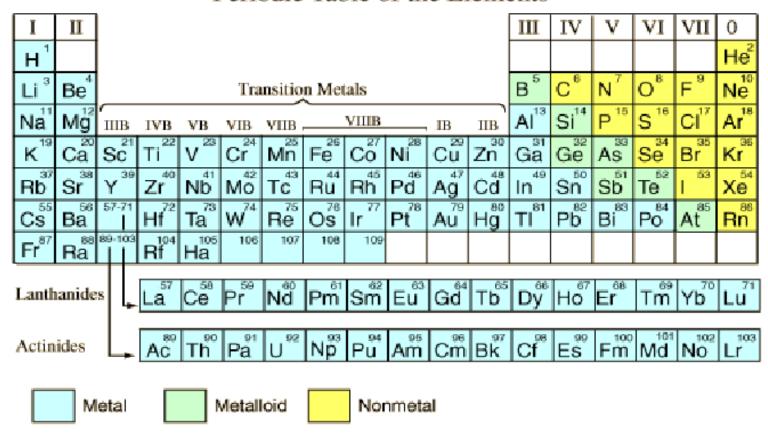
ハイゼンベルクの行列力学1925、シュレディンガーの波動力学1925、 ディラックの変換理論1926

⇒量子力学の建設

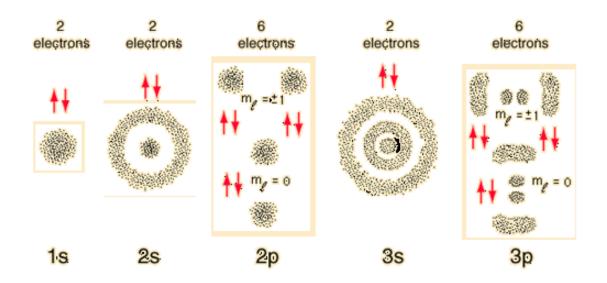
原子の軌道電子の殻構造⇒原子の化学的性質を決める カの中心としての原子核と電子間のクーロン引力による 量子力学的束縛状態;離散的なエネルギー準位構造

元素の周期律表

Periodic Table of the Elements



水素型原子の量子軌道の波動関数



多電子原子と中心力場近似

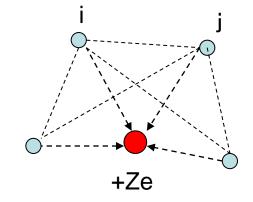
Z個の電子と原子核から構成される多電子原子のハミルトニアン

$$H = \sum_{i=1}^{Z} \frac{\mathbf{p}_i^2}{2m_e} - \sum_{i=1}^{Z} \frac{Zq^2}{r_i} + \sum_{i < j}^{Z} \frac{q^2}{\left|\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_j\right|}, \quad \left(q^2 \equiv \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0}\right)$$

$$\sum_{i < j}^{Z} \frac{q^2}{\left| \mathbf{r}_i - \mathbf{r}_j \right|}$$

電子間相互作用の存在

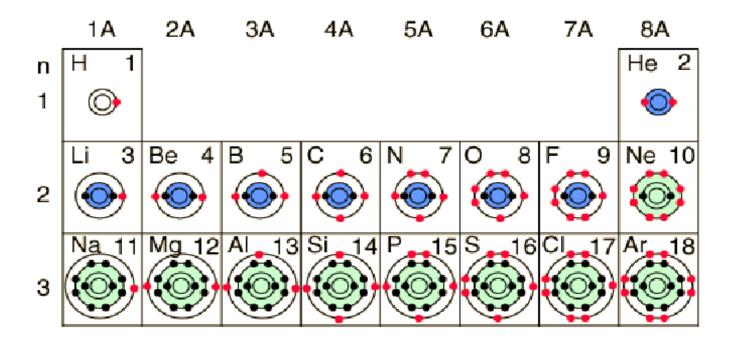
- →解法の困難さの源
- →近似が必要不可欠





原子の形状(=電荷分布)は球形

電子配置の例



原子模型では,原子核の周囲を回る電子が一定半径の球殻面にあると考えて<u>電子殻</u>と呼んだ。内側からK, L, M, N,殻

と名づけられているが,これは量子力学における原子模型で,

<u>主量子数</u>n=1, 2, 3, 4, ……に対応する。各電子殻にはそれぞれ電子軌道があり, s, p, d, f, ……と名づけられているが, これは<u>方位量子数l=0</u>, 1, 2, 3, ……に対応する。主量子数nの電子殻には,lがn-1までのn種類の電子軌道が存在する。また,方位量子数lの電子軌道は,<u>磁気量子数 m_l </u>によってさらに2l+1種類に分かれる。た

とえば、p軌道はl=1に相当するから3($=2\times1+1$)種類に分かれ、 p_x 、 p_y 、 p_z のように区別される。そして1個の電子軌道は(スピン自由度により)2個まで電子を収容できる。

方位量子数	\rightarrow	磁気量子数による軌動数	\rightarrow	収容電子数
/=0		$2 \times 0 + 1 = 1$		1 × 2=2
<i> </i> =1		$2\times1+1=3$		3×2=6
:		:		
/= <i>n</i> -1		2× (n-1) +1=2n-1		(2 <i>n</i> -1) ×2=4 <i>n</i> -2
計n種類		合計 <i>n</i> ²		計 2 <i>n</i> ²個

量子軌道と殻

電子の量子軌道を区別する量子数:主量子数、軌道量子数

$$n=1,2,\cdots$$

$$\rightarrow \ell = 0, 1, 2, \dots, n-1$$

同じエネルギーEnlをもつ量子軌道に占有しうる最大の電子数

$$m_{\ell} = -\ell, -\ell+1, \cdots, \ell-1, \ell.$$

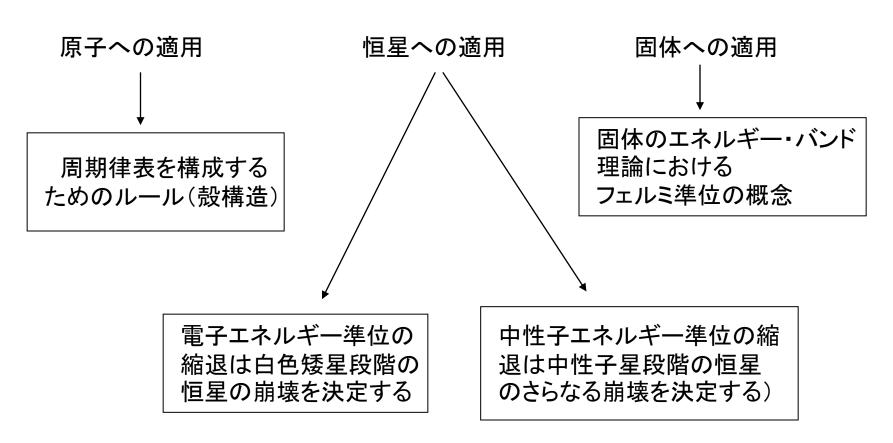
スピン角運動量z成分:
$$m_s = \pm 1/2$$

$$\rightarrow 2 \cdot (2\ell + 1)$$

主量子数nが同じ量子軌道群を<u>設(shell)</u>と呼び、歴史的に以下の記号が使用される:n=1(K設)、2(L設)、3(M設)、...

電子殻と電子軌道、および収容電子数																						
電子殼	К	I	-	М			N			0					Р						Q	
電子軌道	1 s	2 s	2 p	3 %	3 p	3 d	4 s	4 p	4 d	4 f	5 s	5 p	5 d	5 f	G CJ	6 s	6 p	6 d	6 f	6 g	6 h	7s
電子軌道数	1	1	3	1	3	5	1	3	5	7	1	3	5	7	9	1	3	5	7	9	1	1
最大電子数	2	2	6	2	6	1 0	2	6	1 0	1 4	2	6	1 0	1 4	1 8	2	6	1 0	1 4	1 8	2 2	2

2個以上の電子は同じ量子状態には占有できない: パウリの排他原理

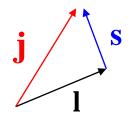


フェルミ粒子一電子、陽子、中性子一

多電子の角運動量の合成

2電子系の角運動量合成の様式を2電子系を実例にして考える。

まず、1電子の軌道角運動量とスピン角運動量とそれらの合成



2電子系の角運動量の合成法(1)LS結合(lussel-Saunders結合)

全軌道角運動量L 合成スピン角運動量S

$$\mathbf{l}_1 + \mathbf{l}_2 = \mathbf{L}$$

$$\mathbf{s}_1 + \mathbf{s}_2 = \mathbf{S}$$

L+S

2電子系の角運動量の合成(2)jj 結合

$$\mathbf{l}_1 + \mathbf{s}_1 = \mathbf{j}_1, \ \mathbf{l}_2 + \mathbf{s}_2 = \mathbf{j}_2 \longrightarrow \mathbf{j}_1 + \mathbf{j}_2 = \mathbf{J}$$

多重項構造

電子:軌道角運動量、スピン角運動量

(スピン軌道相互作用がない場合)

全軌道角運動量L=0(S状態),1(P状態),2(D状態),3(F状態),....

全スピン角運動量S;電子数奇数の場合、半整数。

(L,S)量子数が量子状態を決める。

同じ電子状態(電子配置)でL,Sの値が異なる状態に分裂した一群のエネルギー準位を多重項構造(multiplet structure)という。

各多重項のエネルギー分岐は0.1 eV程度である。

多重項は(2L+1)(2S+1)重に縮退している。 $M_L=-L,-L+1,\cdots,L-1,L.$ $M_S=-S,-S+1,\cdots,S-1,S$

(スピン軌道相互作用がある場合)

軌道角運動量、スピン角運動量はよい量子数ではなくなり、

それらが合成された全角運動量Jがよい量子数となる。スペクトルの超微細構造

原子内電子状態の完全な名付けは、 電子配置とL,S,Jの組で指定される。

原子内電子状態=電子配置+電子の角運動量合成様式

$$(n_1\ell_1, n_2\ell_2)$$
 $2S+1$ L_J 分光学的記号

実例:
$${}^{3}P_{2} \equiv (L=1, S=1, J=2)$$

$$He: 電子配置; (1s)^2$$

合成量子数;
$$L = \ell_1 + \ell_2 = 0 + 0 = 0$$
.

$$S = 0$$

$$J = 0$$

$$\rightarrow {}^{1}S_{0}$$

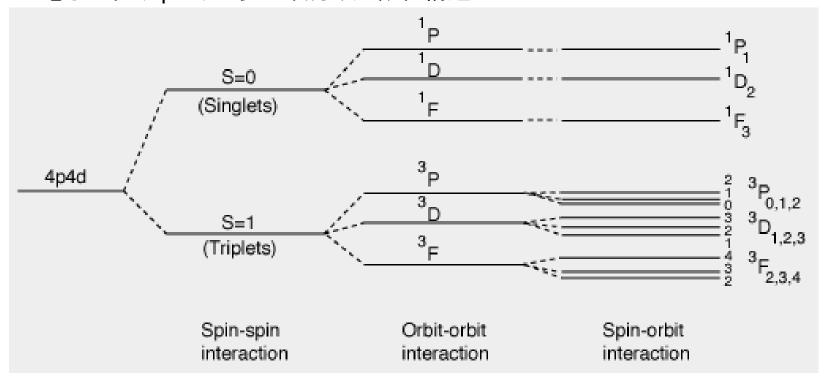
$$M_L = \sum_i m_{\ell i} = 0 \rightarrow L = 0$$

$$M_S = \sum_i m_{si} = 0 \rightarrow S = 0$$

$$\rightarrow J = 0$$

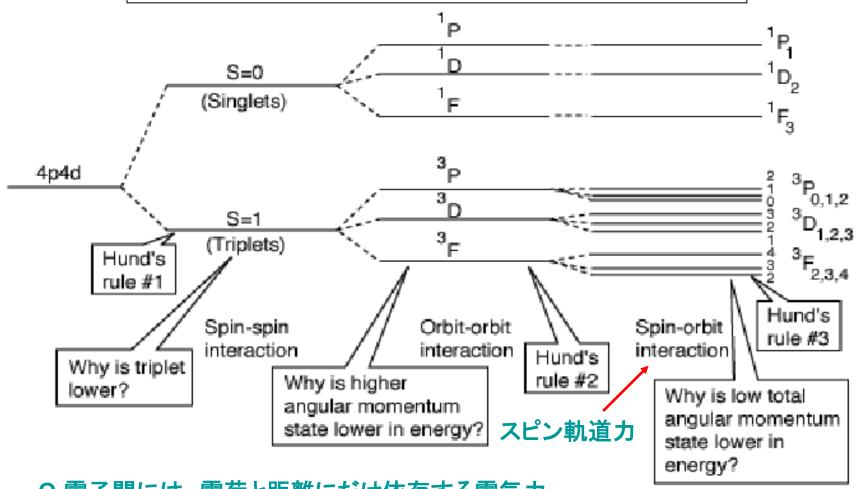
多電子原子(1)励起スペクトル

2電子配置(4p4d)の多重項分岐と微細構造



スピン・スピン相互作用 軌道・軌道相互作用 スピン・軌道相互作用 多重項分岐 微細構造 約 0.1eV程度 0.001eV程度以下

多電子原子(2)励起スペクトルとパウリ原理、電子相関



Q.電子間には、電荷と距離にだけ依存する電気力 が働くのに、なぜスピン・スピン相互作用が生じるのか?

フントの経験則

原子の基底状態の電子配置に現れる多重項の中で、最低エネルギー のものをきめる規則性についての経験則

経験則1:LS多重項の中で、Sの最大値をとる項が最低エネルギーをとる。

経験則2:最大のSに対して、いくつかのLの項があるときは、 その中で、最大のLのものが最低エネルギーである。

(スピン軌道相互作用の効果を考えるとき)

経験則3:電子数が殻内の半分以下のときは、Jの値が最小の状態が 最低エネルギーをとる。半分以上のときは、Jの最大の状態が 最低エネルギーをとる。

フントの経験則1の解釈

Sの値が大きいときは、個々のスピンが同じ向きをむく。この場合、2 電子系の波動関数のスピン部分は対称となる。パウリ原理により、全 波動関数は変数の置換に対して、全反対称になるべきなので、空間 部分が反対称になる。この場合、空間部分の原点付近の値は小さく なるので、電子はやや離れて存在する確率が大きく、電子間のクー ロン反発エネルギーが小さくなる。

スピン交換(有効)相互作用の係数(-J/2)のJの値が原子内で正になるので、この相互作用が電子スピンを揃えようとするため。



LS多重項の中で、Sの最大値をとる項が最低エネルギーをとる。

フントの経験則2の解釈

個々の電子の軌道角運動量が同じ向きであれば、電子同士はやや離れることができる。しかし、逆向きであれば、接近することになり、電子間のクーロン斥力エネルギーが高くなる。

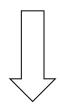
軌道角運動量(有効)相互作用が、できるだけ電子の軌道角運動量を 揃えようとするため。



LS多重項の中で、Lの最大値をとる項が最低エネルギーをとる。

フントの経験則3の解釈

スピン軌道相互作用が設内の半分以下(粒子状態)のときは電子の全スピンの小さい方のエネルギーをさげる。 逆に、殻内の半分以上(空孔状態)のときは電子の全スピンの大きい方のエネルギーをさげる。



電子数が

殻内の半分以下のときは、Jの値が最小の状態が最低エネルギーをとる。 半分以上のときは、Jの最大の状態が最低エネルギーをとる。

参考文献

中嶋貞雄「量子力学Ⅱ」,岩波書店、1984年。12章、

有馬朗人「原子と分子一量子力学の世界」, 朝倉書店、1982年。7章、 小出昭一郎「量子力学II」, 裳華房、1990年。10章、

岡崎 誠「物質の量子力学」、岩波書店、1997年。